

- \* v minulé přednášce jsme začali probírat substituční šifry
- \* 2 možná vylepšení:
  - delší jednotka pro zakódování, např. místo 1 znaku kódujeme bigramy, celá slova apod.
  - prodloužení hesla
- \* delší jednotka pro zakódování: slovo nebo fráze - název kódy
  - pro diplomatickou nebo obchodní korespondenci existovaly celé kódové knihy
  - rozluštění kódu jako rozluštění velké monoalfabetické šifry:
    - . nutná znalost struktury věty, valence slov
    - . pravděpodobně nejčastější symbol pro konec věty, lexémy spojka "a", tvary slovesa být atd.
- \* prodloužení hesla:
  - např. autokláv: klíčem šifrujeme pouze začátek zprávy, dále se heslo neopakuje ale závisí na předchozím otevřeném textu zprávy

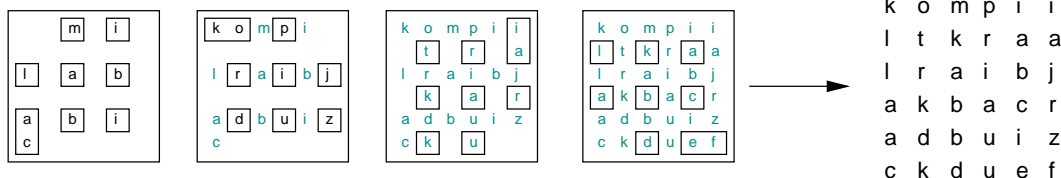
### Transpoziční šifry

.....

Zatímco substituční šifry zachovávají pořadí symbolů a nahrazují je jinými symboly, transpoziční šifry mění pořadí symbolů ale symboly zachovávají.

- \* např. sloupcová transpozice nebo šifrovací mřížka
  - \* sloupcová transpozice:
    - klíčem je fráze; tu napíšeme do hlavičky tabulky a písmena očíslováme podle pořadí v abecedě
    - do tabulky napíšeme otevřený text
- |                   |   |
|-------------------|---|
| M O R S K Y P E S |   |
| 3 4 6 7 2 9 5 1 8 | otevřený text: prosimplevedtemiliondolaru |
| p r o s i m p r e | namujsvycarskyucet                        |
| v e d t e m i l i |   |
| o n d o l a r u n | šifrový text: RIPRPOSEMLEVEIDTIMULONRDON  |
| a m u j s v y c a | ACSAMYUJAVTURSEKYXC                       |
| r s k y u c e t x |   |

- \* co analytik
  - nejprve musí vědět, že se jedná o transpoziční šifru - dívá se zda frekvence odpovídá otevřenému textu
  - odhad počtu sloupců podle vzdálenosti pravděpodobných digramů a trigramů
    - . pokud předpokládáme vyskytuje konkrétní fráze (např. 'miliondolaru') vyhledáme znaky: RI-R-O--ML---ID-IMULONRDONA--AM-U-A--UR-----
    - . hledáme největší vzdálenost mezi znaky fráze
  - pak hledáme uspořádání sloupců - vyzkoušet všech  $k*(k-1)$  dvojic
    - . dvojice která nejlépe odpovídá distribuci digramů považována za správnou
    - . hledáme následující a předchozí sloupec - bigramy a trigramy
    - . časem rozpoznatelná slova (např. miloin) - můžeme opravit
  - obdobným způsobem všechny transpoziční šifry, které transformují bloky pevné velikosti (šifrovací mřížka) - 1 "řádek" = 1 zpráva
- \* šifrovací mřížka, například:



- analýza obdobným způsobem

- \* možnost superšifrování - např. výstup transpoziční šifry zašifrujeme

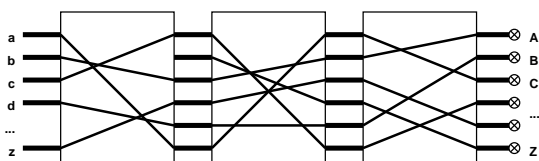
substituční šifrou

- \* analýza je obtížná, nicméně možná: využívají se specifické vlastnosti konkrétních šifer

Šifrovací stroje

.....

- \* na elektromechanickém principu, používané za 2. sv. války
- \* nejznámější německá Enigma:
  - 3 nebo 4 rotory
  - rotor kontakty na obou stranách, každý rotor odlišné mapování mezi kontakty
  - po stisknutí klávesy se rozsvítí odpovídající žárovka apod.
    - . posun vstupního rotoru o 1 pozici (opět 'A' - jiný výstup)
    - . po dokončení rotace prvního rotoru se posune rotor 2 atd.
  - pro dešifrování opačný chod - připojení klávesnice na výstup a žárovek na vstup



Pro rozluštění byl zapotřebí known plaintext, který ale běžní administrátoři šifrovacích strojů poskytli: posílali si "testovací" zprávy (např. aaaaa) po každé změně klíče.

Pro zjednodušení dalšího výkladu zavedu jména pro komunikující strany:

- \* Alice chce komunikovat s Bobem tak, aby odposlech/oponent Oskar nerozuměl přenášeným zprávám
- \* z výkladu asi zřejmé, že všechny uvedené historické šifry dnes rozluštitelné
- \* vytvořit nerozluštitelnou šifru ve skutečnosti snadné

Jednorázový klíč

.....

- \* Vernamova šifra, jednorázový klíč (one time pad)
  - vymyslel Gilbert Vernam v r. 1917 v Bell labs při konstrukci šifrujícího dálkopisu
  - téměř perfektní řešení: náhodný klíč je stejně dlouhý jako zpráva
  - pro novou zprávu musí být použit nový klíč (proto "jednorázový")
  - šifrujeme opět  $C_i = P_i + K_i \pmod{N}$ , dešifrujeme  $P_i = C_i - K_i \pmod{N}$
  - dokazatelně bezpečné: při náhodném  $K$  jsou všechny  $P$  stejně pravděpodobní kandidáti daného  $C$

Přestože dokazatelně bezpečná šifra, má problémy:

- \* musí být vygenerován dlouhý náhodný klíč - vytváření klíče nejobtížnější část (ručně - házení kostkou; elektricky - zesílení tepelného šumu na rezistoru apod.)
- \* obě strany musí mít kopii, tj. problém distribuce klíče (klíč si nelze zapamatovat, Alice musí klíč dopravit Bobovi nějakým bezpečným kanálem; pokud ale má bezpečný kanál, nemusí šifrovat)
- \* množství dat je omezeno velikostí klíče
- \* nestačil by pseudonáhodný klíč?
  - nestačil: pokud Oskar část otevřeného textu, může určit  $K_i = C_i - P_i \pmod{N}$
  - zná-li  $K_1, K_2, \dots$  může určit generátor pseudonáhodných čísel a jeho parametry
  - např. v mnoha systémech generátor:

$$Y_{n+1} = (a \cdot Y_n + c) \pmod{d},$$

parametry  $a, c, d$  není možné vybrat libovolně jinak krátká sekvence

- \* nešlo by klíč použít znovu?
  - nešlo, protože by to byla opět Vigenérova šifra
  - v případě XOR dokonce  $C_a \text{ xor } C_b = P_a \text{ xor } P_b$ , tj. jako kdyby zpráva  $P_a$  byla šifrována klíčem  $P_b$  (který však má asi 75% redundanci)
- \* přestože může být někdy praktické (klíč na CD nebo DVD disku), problém při velkém množství dat
- \* podíváme se na moderní šifrovací algoritmy, které dokáží zpracovat libovolné množství otevřeného textu

#### Moderní symetrická kryptografie

-----

- \* historická kryptografie - jednoduché algoritmy, bezpečnost závisela na dlouhém klíči
- \* moderní kryptografie - snaha aby šifrovací algoritmus odolal libovolnému množství vybraného otevřeného textu
- \* základním principem vytvoření složité šifrovací funkce složením z jednodušších, které poskytují vzájemně se doplňující vlastnosti

#### Produkční šifry

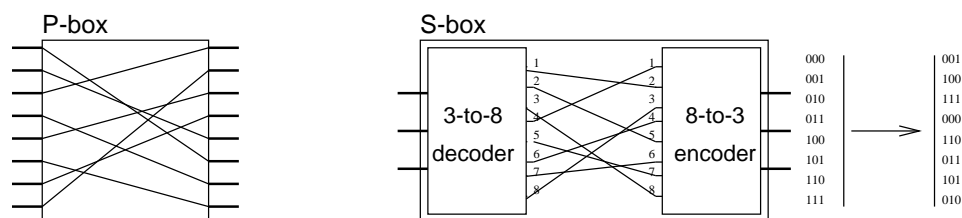
- .....
- \* produkční šifra kombinuje dvě nebo více transformací tak, aby výsledná šifra byla bezpečnější než samostatné komponenty
  - \* základní principy např. Německo za 1. světové války
  - \* Shannon, 1949

#### Nejčastější jednoduché operace:

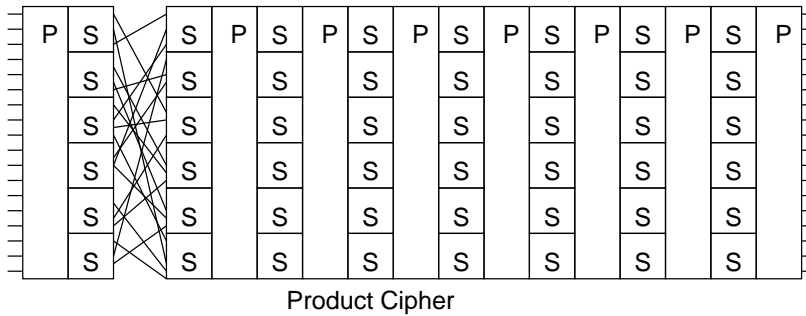
- \* transpozice, např. permutace bitů
- \* substituce, např. záměna podle tabulky
- \* aritmetické operace, např. modulární sčítání nebo násobení

#### SP-sít'

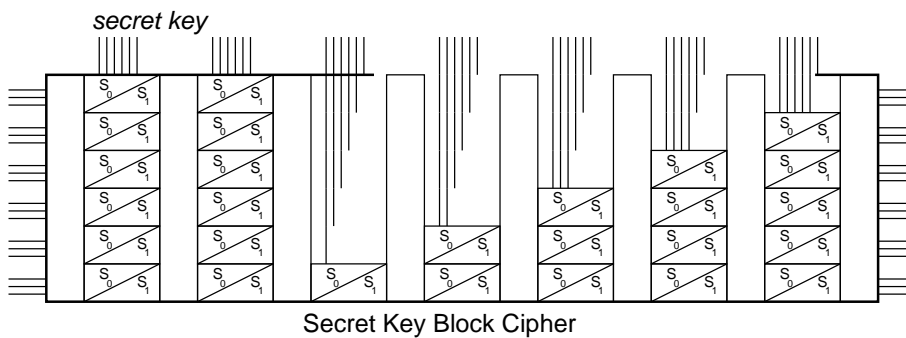
- .....
- \* SP-sít' = substitučně-permutační sít'
  - \* Feistel, 1974 (patent na SP-sít', 2 typy S boxů, neříká konkrétní uspořádání)
  - \* produkční šifra, složená ze substitucí a permutací
  - \* P-box (P = permutace) provádí transpozici vstupu
  - \* S-box (S = substituce) provádí substituci; v příkladu 3 bitový vstup i výstup
    - 3 bitový vstup aktivuje jeden z osmi výstupů dekodéru
    - aktivuje se odpovídající výstup P-boxu
    - kódér hodnotu zakóduje do 3 bitového výstupu



- \* S-boxy nemohou být příliš velké, zatímco P-boxy mohou (pokud n-bitový vstup S-boxu, dekodér n na  $2^n$ )
- \* síla přístupu je vidět, pokud z S a P boxů sestavíme produkční šifru:



- \* pracuje jako jeden velký S-box - ze vstupu vygeneruje příslušný výstup
- \* pro dešifrování potřebujeme SP-sít' s obráceným propojením
- \* změna funkce by byla možná pouze úpravou propojení
- \* Feistelův návrh - volba ze dvou S-boxů pomocí klíče:



Feistelovská síť

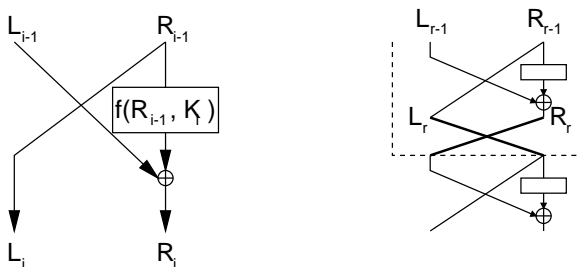
.....

- \* problém předchozích návrhů - jiný obvod pro šifrování a jiný pro dešifrování
- \* řešení - tzv. feistelovská síť:
- \* iterovaná šifra
- \* otevřený text (n-bitové slovo) se rozdělí na 2 stejně dlouhé části L<sub>0</sub> a R<sub>0</sub>
- \* v každé iteraci se provede

$$L_i := R_{i-1}, R_i := L_{i-1} \oplus f(R_{i-1}, K_i),$$

kde podklíč  $K_i$  je odvozen z klíče  $K$

- \* typicky  $\geq 3$  iterace, často sudý počet
- \* po poslední iteraci ještě záměna  $L_n$  a  $R_n$
- \* umožňuje dešifrování, i když fce  $f()$  není invertovatelná
- \* např. poslední iteraci můžeme odčinit jejím opakováním:

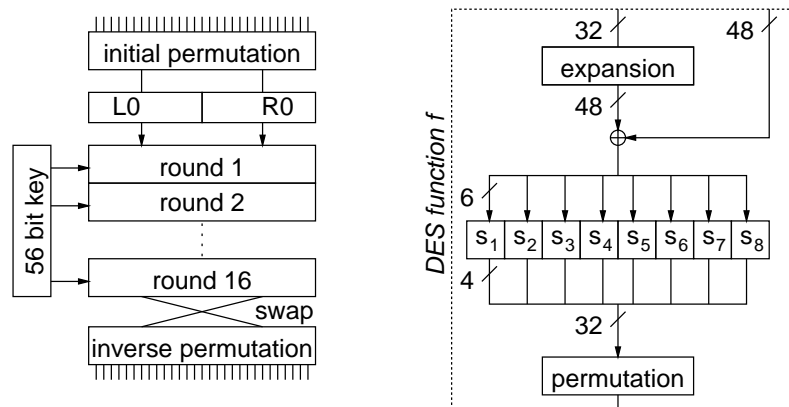


- \* příslušné podklíče jsou fci  $f()$  předkládány v opačném pořadí

## DES

---

- \* začátkem 70 let si NBS (National Bureau of Standards) uvědomila, že je zapotřebí šifrovací algoritmus pro potřeby veřejného sektoru
- \* nakonec se ukázalo, že by mohl být použitelný algoritmus vytvářený IBM
- \* po modifikacích a ověření kvality byl v roce 1977 schválen jako Data Encryption Standard (DES) jako US vládní standard pro šifrování neklasifikovaných informací, začal se používat všeobecně (uznán ANSI,ISO)
- \* původně na 10 let, obnovován každých 5 let, v 1994 naposledy.
- \* otevřený text šifrován po blocích dlouhých 64 bitů, klíč 56 bitů
- \* feistelovská síť, 16 iterací, v každé iteraci 48 bitový podklíč



- \* funkce

$$f(R_{i-1}, K_i) = P(S(E(R_{i-1}) \oplus K_i))$$

kde

- E pevná expanze 32 na 48 bitů (některé bity dvakrát: r32r1r2...r32r1)
- S substitute, 8 pevných S-boxů 6 -> 4 bity
- P pevná 32 bitová permutace
- Ki je 48 bitový podklíč, vzniklý výběrem a permutací bitů klíče
- \* před první iterací pevná permutace IP (initial permutation), po poslední iteraci záměna L16 a R16, pak inverze IP

- \* dešifrování - stejný klíč a algoritmus, podklíče po použijí v opačném pořadí

- \* DES byl navržen pro snadnou implementaci v HW, existují čipy pro šifrování DESem (AMD 9518 apod.); SW implementace cca 1000x pomalejší

## Módy DESu

-----

- \* DES se ve výsledku jeví jako monoalfabetická substitute s 64 bitovými znaky
- \* ukážeme jakým způsobem by se to dalo využít
- \* krátká délka bloku, možno vytvořit slovník šifrových textů a statisticky určit odpovídající otevřené texty
- \* představte si, že posíláte bance zašifrovaný soubor s výplatami pro své zaměstnance
  - rozdělíme do 64 bitových bloků, každý blok zašifrujeme

Tomas N ovotny		2 5000 Kc
Pavel Z loun		7000 Kc
Jiri Bo ss		3 5000 Kc

  - Zloun ví, že bude mít malou výplatu, může to "napravit" pokud má přístup pouze k zašifrovanému souboru?
  - snadno: může vzít blok č. 3 a vložit na místo bloku č. 7- \* tomuto způsobu se říká ECB mód (Electronic Codebook) - pro většinu aplikací má nevýhody
  - nedoporučuje se pro šifrování zpráv delších než 1 blok

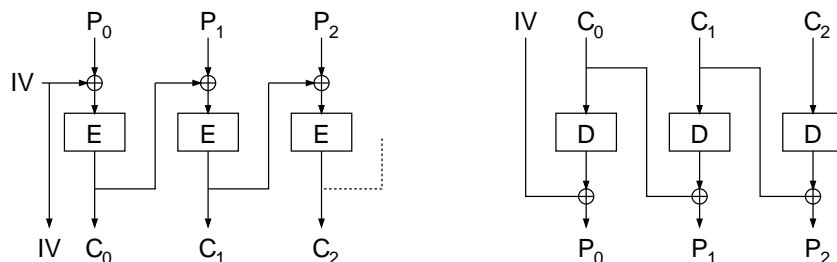
- jeho bezpečnost lze poněkud zvýšit doplněním každého bloku náhodnou výplní

\* proto pro šifrování delších zpráv byly navrženy a standardizovány další módy (NIST 1980): CBC, CFB a OFB, nově ještě CNT (NBS )

\* mód CBC (Cipher-block Chaining)

- využijeme výstup šifry pro maskování obsahu otevřeného textu:

- . před šifrováním je provedeno  $P_i$  xor předchozí  $C$
- . stejný  $P$  už nebude dávat stejný  $C$  (nebude monoalfabetická substituce)
- . pro první blok je provedeno  $P$  xor  $IV$ , kde  $IV$  je náhodně zvolený inicializační vektor

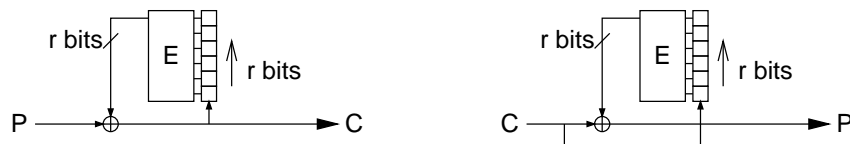


### CBC mode

- nevýhoda - je zapotřebí celý 64 bitový blok před tím, než můžeme začít šifrovat; někdy ale potřebujeme šifrovat např. po bitech nebo bytech

\* mód CFB (Cipher Feedback) - šifruje po  $r$ -bitových slovech

- máme dva čipy v šifrovacím režimu, na vstupu 64 bitový posuvný registr
- registr na začátku naplníme  $IV$ , zašifrujeme
- provedeme xor výstupu šifry s  $P_0$ , získáme  $C_0$
- šifrový text vstupuje do posuvného registru



### CFB mode

- dešifrování - zavedeme  $IV$  do registru, zašifrujeme
- vstupem bude  $C_0$ ,  $P_0 = C_0$  xor  $E(IV)$
- pokud je nějaký bit  $C_i$  poškozen, je výstup poškozen dokud se chybný bit vyskytuje v posuvném registru; ve chvíli kdy zmizí opět OK

Poznámka (IP v DESu)

Původně vládla domněnka, že IP v DESu nemá kryptografický význam, ale v roce 1993 bylo ukázáno, že má význam právě v CFB módu.

[ ]

\*